

Auswertungsveranstaltung des „Mathetreff“ der Humboldt-Universität zu Berlin Wintersemester 2013/14 am 28.01.2014



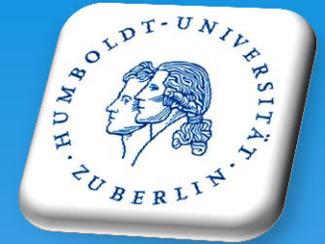
Humboldt-Universität zu Berlin, Philosophische Fakultät IV,
Institut für Erziehungswissenschaften,
Abteilung Grundschulpädagogik, Lernbereich Mathematik,
Prof. Dr. M. Grassmann



Auswertungsveranstaltung Mathetreff Wintersemester 2013/14

Termine und Inhalte der Veranstaltungen:

- 15.10 Schnupperstunde
- 22.10. Zauberer Logofix
- 29.10. Würfeltrick
- 5.11. Kombinatorik
- 12.11. Fingerrechnen
- 19.11. Sachaufgaben (Fahrzeuge mit 3, 4 und 6 Rädern)
- 26.11. Geometrie – rund um den Würfel
- 3.12. Ausgleichsaufgaben (Familie Unger in Paris)
- 10.12. Rechnen am Kalender
- 17.12. Netze und Wege
- 7.1.14 Umschütt- und Wägebraufgaben
- 14.1.14 Rückwärtsarbeiten – Zahlenkette/ Teufel
- 21.1.14 Fermiaufgaben



Vorstellung Gruppe 1

Logofix und Zählaufgaben

Christin Daniel, Maria Löhnert, Lisa Neven

28.01.2014

1. Aufgabe Zauberer Logofix

Zauberer Logofix sagt voraus, dass er das Spiel immer gewinnt!



Spielregel:

Zwei Spieler nennen immer abwechselnd eine Zahl von 1 bis 10. Die genannten Zahlen werden immer addiert. Der Spieler, der zuerst die Zahl 100 erreicht hat, hat das Spiel gewonnen!

Kannst du den Trick von Zauberer Logofix herausfinden?

Erwartungen:

- * Entdecken der Siegerzahlen, von denen aus sicher gewonnen werden kann
- * Siegerzahl 89 ist am Wichtigsten
- * Weitere Schlüsselzahlen: 1,12,23,34,45,56,67,78
- * Der Zauberer muss anfangen

Kinderlösung:

MATHETREFF

Name:

22.10.2013



Zauberer Logofix sagt voraus, dass er das Spiel immer gewinnt!

Spielregel:

Zwei Spieler nennen immer abwechselnd eine Zahl von 1 bis 10. Die genannten Zahlen werden immer addiert. Der Spieler, der zuerst die Zahl 100 erreicht hat, hat das Spiel gewonnen!

Kannst du den Trick von Zauberer Logofix herausfinden?

Zauberer
muss
mit
eins
anfangen.

Man muss auf
die neunundachtzig
dann hat man
gewonnen.

Schlüsselzahlen:
1, 12, 23, 34, 45, 56, 67,
78, 89

28.01.2014

2. Zählaufgabe Bardy:

Wir zählen an den Fingern an einer Hand:

Daumen 1, Zeigefinger 2, Mittelfinger 3, Ringfinger 4, kleiner Finger 5 Und nun rückwärts weiter: Ringfinger 6, Mittelfinger 7, Zeigefinger 8, Daumen 9 und dann wieder vorwärts weiter: Zeigefinger 10 usw.

Für welchen Finger ergibt sich die Zahl 2013?

Erwartungen:

- * Viele verschiedene Lösungsstrategien
- * Wichtig ist die Strategie, nicht die Lösung
- * Ergebnis kann nicht auf dem Zeigefinger oder Ringfinger liegen
- * Vielleicht finden nicht alle Kinder eine Lösung

Kinderlösung:

3) Wir zählen an den Fingern einer Hand: Daumen 1, Zeigefinger 2, Mittelfinger 3, Ringfinger 4, kleiner Finger 5 und nun rückwärts weiter: Ringfinger 6, Mittelfinger 7, Zeigefinger 8, Daumen 9 und dann wieder vorwärts weiter: Zeigefinger 10 usw.

→ Für welchen Finger ergibt sich die Zahl 2013?

→ Erläutere ausführlich, wie du deine Lösung gefunden hast!

The diagram shows a hand with numbers written on the fingers and surrounding calculations. The numbers on the fingers are: 30 on the thumb, 22 on the index, 23 on the middle, 24 on the ring, and 26 on the little. The number 25 is written below the middle finger. The number 13 is circled on the index finger. The number 1 is circled on the thumb. The number 8 is written next to the index finger. The number 14 is written next to the middle finger. The number 18 is written next to the ring finger. The number 16 is written next to the little finger. The number 17 is written next to the thumb. The number 9 is written next to the index finger. The number 1 is written next to the middle finger. The number 18 is written next to the ring finger. The number 8 is written next to the little finger. The number 16 is written next to the thumb. The number 37 is written above the thumb. The number 29 is written above the index finger. The number 21 is written above the middle finger. The number 13 is written above the ring finger. The number 5 is written above the little finger. The number 14 is written above the thumb. The number 12 is written above the index finger. The number 6 is written above the middle finger. The number 4 is written above the ring finger. The number 15 is written above the little finger. The number 11 is written above the thumb. The number 7 is written above the index finger. The number 3 is written above the middle finger. The number 12 is written above the ring finger. The number 16 is written above the little finger. The number 18 is written above the thumb. The number 10 is written above the index finger. The number 14 is written above the middle finger. The number 16 is written above the ring finger. The number 10 is written above the little finger. The number 8 is written above the thumb. The number 2 is written above the index finger. The number 17 is written above the middle finger. The number 9 is written above the ring finger. The number 1 is written above the little finger. The number 18 is written above the thumb. The number 16 is written above the index finger. The number 38 is written above the middle finger. The number 17 is written above the ring finger. The number 13 is written above the little finger. The number 8 is written above the thumb. The number 26 is written above the index finger. The number 34 is written above the middle finger. The number 46 is written above the ring finger.

28.01.2014

Morgen muss 250 mal um den kleinen Finger gehen.



Vorstellung Gruppe 2

Würfeltrick und Rechnen am Kalender

28.01.2014

Isabella Deingruber, Franziska Heyer, Florian Staedtler

Aufgaben (Auswahl) und Lösungen

Aufgabe 1:

1a) Stell dir einen Turm aus drei Spielwürfeln vor! Wie groß ist die Summe der Augen, wenn du den Turm von allen Seiten und oben betrachtest?
Die Fläche, auf der der untere Würfel steht, ist nicht sichtbar.

Summe gegenüber
liegender Augenzahlen
gleich 7

$2 \times 7 = 14$ + Augenzahl der
obersten Würfelturmfläche

Lösung: 43-48

1b) Was ist die kleinstmögliche und die größtmögliche Augenzahl bei einem Turm aus

5 Würfeln: Kleinstmögliche Augensumme _____ Größtmögliche Augensumme _____ $14 \times \text{Anzahl der Würfel} +$

7 Würfeln: Kleinstmögliche Augensumme _____ Größtmögliche Augensumme _____ Augenzahl der obersten
Würfelturmfläche
(1-6 bzw. 1 oder 6)

Finde ein eigenes Beispiel:

__ Würfeln: Kleinstmögliche Augensumme _____ Größtmögliche Augensumme _____

Lösung: 5 W.: 71/76

7 W.: 99/104

28.01.2014

1b) Was ist die kleinstmögliche und die größtmögliche Augenzahl bei einem Turm aus:

5 Würfel: Kleinstmögliche Augensumme 71 Größtmögliche Augensumme 76

7 Würfel: Kleinstmögliche Augensumme 99 Größtmögliche Augensumme 104

Finde ein eigenes Beispiel:

100 Würfel: Kleinstmögliche Augensumme 1401 Größtmögliche Augensumme 1406

1000 Würfel: -11- 14001 -11- 14006

$$100 \cdot 14 = 1400 \quad \frac{1}{100}$$

$$100 \cdot 10 = 1000$$

$$100 \cdot 4 = 400$$

Wie kannst du die kleinste und größte Summe ganz leicht bestimmen?



Notizen/ Zeichnungen:

man muss immer 14,3 Rechnen. Plus die Zahl die oben ist. Ich rechne $14,3 = 42 + 4 = 46$

man die Würfel dreht. Je nach dem wie die sechs aussieht. Ich glaube ich immer unten sein

1b weil das die größte Zahl ist. $14,3 = 42$ $14,2 = 28$
 $42 + 28 = 70 + 1 = 71$

Ich rechne bei der größtmöglichen Augenzahl das gleiche wie bei der kleinstmöglichen Augenzahl bloß das es andere ergebnisse sind

1c) Welche Summen sichtbarer Augenzahlen sind möglich, wenn man beim Dreierturm auch die untere Fläche sehen kann?

Kleinst mögliche Zahl:

Notizen oder Zeichnungen:

$$\underline{6 \cdot 7 = 42 + 1 + 1 = 44}$$

45, 46, 47, 48,

49, 50, 51, 52, 53, 54.



Größtmögliche Zahl:

$$\underline{6 \cdot 7 = 42 + 6 + 6 = 54}$$

Ergebnisse

- Kinder hatten gutes Vorstellungsvermögen
- sie nutzten fast alle die kleinen Spielwürfel, die zur Verfügung standen
- die meisten Kinder kannten die 7-er-Regel schon
- einige Kinder konnten ihr Wissen gut bei die weiterführenden Aufgaben anwenden (Erstellen eines Quaders aus mehreren Würfeln und Summe sichtbarer Augenzahlen bestimmen)

- * An welchem Wochentag bist Du geboren?
- * Erwartungen:
 - * Die Kinder entdecken, dass sich der Wochentag des Geburtstages jeweils um einen Tag nach vorne bzw. nach hinten verschiebt.
 - * Die Kinder entdecken nach der Einführung des Schaltjahres, dass sich in einem Schaltjahr der Wochentag um zwei Tage nach vorne bzw. zurück verschiebt.
 - * Wir hatten erwartet, dass nicht alle Kinder beachten, dass Punkt zwei nur zutrifft, wenn der Geburtstag nicht im Januar oder Februar des Schaltjahres ist.

Name: lpa



An welchem Wochentag wurdest du geboren?

Wie hast du das herausgefunden? Schreibe Deine Gedanken auf.

613

01.6.2004

Dienstag - 13 =

1 Woche & ~~6 Tage~~

Mittwoch

Das wäre wenn
ich im Januar
oder Februar
geboren wäre.

Also ist es so richtig:

Dienstag



28.01.2014

Ergebnisse:

Alle Kinder konnten ihren Wochentag der Geburt und des 18. Geburtstages berechnen. Die Kinder hatten keine Probleme die Schaltjahre zu berücksichtigen, jedoch beachteten nur ganz wenige Kinder, wenn sie im Januar und Februar eines Schaltjahres Geburtstag hätten, hier nicht um zwei Tage, sondern nur ein Tag verschoben wird.

Entdeckungen am Kalender

Name: _____

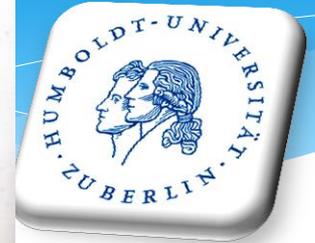
10.12.2013

Entdeckungen am Kalender

Sieh dir das Kalendermonatsblatt an!
Kannst du Regelmäßigkeiten entdecken?

Montag	Dienstag	Mittwoch	Donnerstag	Freitag	Samstag	Sonntag
1	2	3	4	5	6	7
8	9	10	11	12	13	14
15	16	17	18	19	20	21
22	23	24	25	26	27	28
29	30	31				

Schreibe deine Entdeckungen hier auf:



28.01.2014

* Erwartungen:

- * Die meisten Kinder werden einfache Zahlbeziehungen am Kalender entdecken, einige sogar sehr kreative Möglichkeiten der Zahlzusammenhänge finden.
- * Schwierigkeiten könnte es beim Formulieren der Entdeckungen geben.



Montag	Dienstag	Mittwoch	Donnerstag	Freitag	Samstag	Sonntag
						1
2	3	4	5	6	7	8
9	10	11	12	13	14	15
16	17	18	19	20	21	22
23	24	25	26	27	28	29
30	31					

Schreibe deine Entdeckungen hier auf:

Wenn man von oben nach unten schaut, ist es
immer plus 7, denn eine Woche hat ja auch sieben
Tage. Schräg, ist es +8 & +6 (siehe Kalender).
Abfolge der Zahlen: 7, 14, 21, 28.



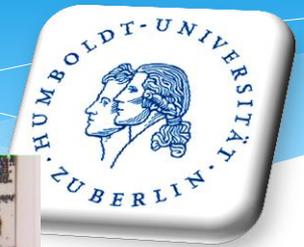
Montag	Dienstag	Mittwoch	Donnerstag	Freitag	Samstag	Sonntag
						①
②	③	4	5	6	⑦	8
⑨	⑩	11	12	⑬	14	15
⑯	17	⑱	⑲	20	21	22
⑳	24	⑳	26	27	28	29
⑳	31					

Schreibe deine Entdeckungen hier auf:

$$22 - 7 = 15$$

$$21 - 6 = 15$$

28.01.2014



113 Dezember

W	Sonntag	Montag	Dienstag	Mittwoch	Donnerstag	Freitag	Sonntag
49	<u>1</u>	2	3	4	5	6	7
50	<u>8</u>	9	10	11	12	13	14
51	<u>15</u>	16	17	18	19	20	21
52	<u>22</u>	23	24	25	26	27	28
53	<u>29</u>	30	31	58	52	66	

Handwritten annotations on the calendar grid:

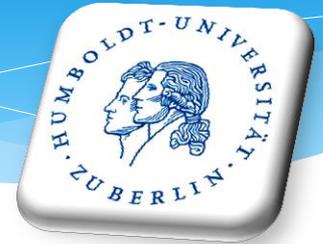
- Arrows labeled $+8$ connect the 1st to the 9th, the 9th to the 17th, and the 17th to the 25th.
- Arrows labeled $+13$ connect the 5th to the 18th and the 12th to the 25th.
- Arrows labeled $+4$ connect the 29th to the 31st and the 31st to the 5th.
- The numbers 58, 52, and 66 are written above the 29th, 31st, and 5th respectively.
- The numbers 79 and 7 are written above the 30th and 31st respectively.
- The 1st, 8th, 15th, and 22nd are underlined.
- The 7th, 14th, and 28th are circled.

28.01.2014

Rechentricks

Nun kennst du die 2×2 - Zahlenfelder.

Was kannst du auf einem 3×3 - Zahlenfeld entdecken?



	2	3	4
30	9	10	11
	16	17	18
30	30	30	

$2 + 16 =$ ist das doppelte von 9

$3 + 17 =$ ~~10~~ "

von 10

$4 + 18 =$ "

von 11

* Ergebnisse:

- * Bei der Auswertung der Entdeckungen am Kalenderblatt konnten die Kinder fast alle Zahlbeziehungen gemeinsam finden.
- * Zwei Kinder fanden Zusammenhänge, die wir noch gar nicht gesehen hatten.



Vorstellung Gruppe 3

Kombinatorik & Ausgleichsaufgaben

28.01.2014

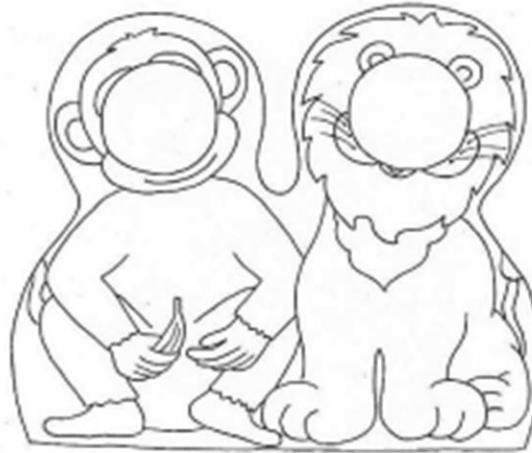
Laura Radicke, Nancy Beer, Clemens Krapp

Kombinatorik ?

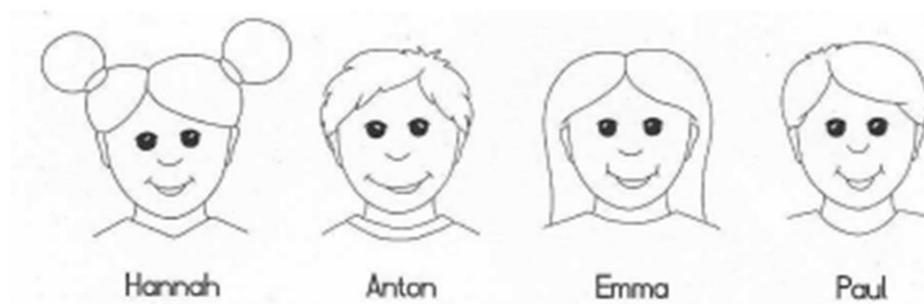
2a) Tierischer Spaß beim Fotografieren

Die vier Kinder entdecken einen Aufsteller aus Holz mit zwei Tiermotive, bei dem man seinen Kopf durchstecken kann. So können sie sich gegenseitig fotografieren.

Aber jedes der Kinder möchte zusammen mit jedem anderen Kind fotografiert werden. Auch sagt Emma: „Ich möchte einmal der Affe und ein anderes Mal der Löwe sein.“ Das wollen auch die anderen.



Die vier Kinder heißen:



Auf ihrer Kamera ist noch Platz für 20 Bilder. Reicht das, wenn die vier Kinder zu zweit alle Möglichkeiten durchprobieren und fotografieren möchten?

28.01.2014

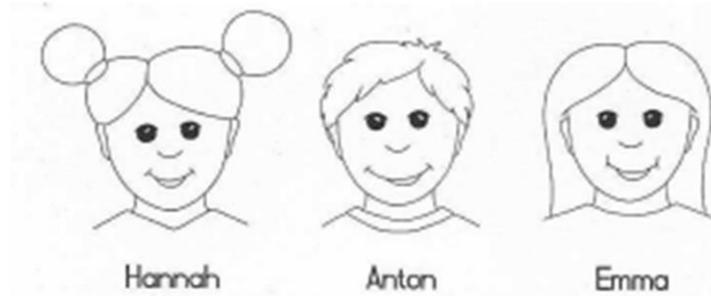
Kombinatorik!

2a) Tierischer Spaß beim Fotografieren

Die vier Kinder entdecken einen Aufsteller aus Holz mit zwei Tiermotive, bei dem man seinen Kopf durchstecken kann. So können sie sich gegenseitig fotografieren.

Aber jedes der Kinder möchte zusammen mit jedem anderen Kind fotografiert werden. Auch sagt Emma: „Ich möchte einmal der Affe und ein anderes Mal der Löwe sein.“ Das wollen auch die anderen.

Die vier Kinder heißen:



Hannah

Anton

Emma

Rechnung:

$$4 \times 3 = 12$$

Erste Stelle (Affe) 4

Möglichkeiten

Zweite Stelle

(Löwe) 3

Möglichkeiten

Auf ihrer Kamera ist noch Platz für 20 Bilder. Reicht das, wenn die vier Kinder zu zweit alle Möglichkeiten durchprobieren und fotografieren möchten?

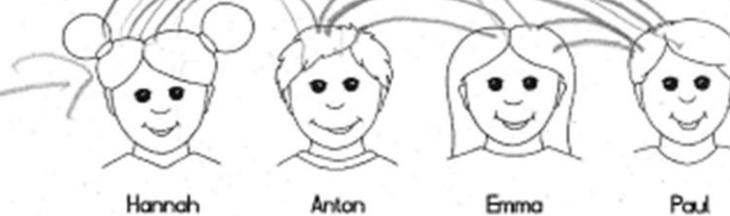
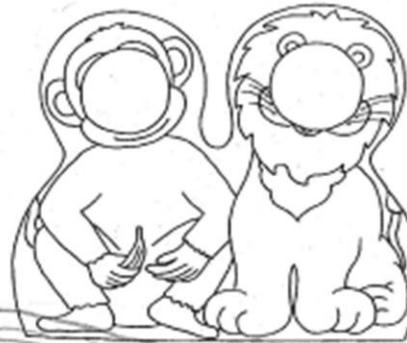
Kinderlösungen

2a) Tierischer Spaß beim Fotografieren

Die vier Kinder entdecken einen Aufsteller aus Holz mit zwei Tiermotiven, bei dem man seinen Kopf durchstecken kann. So können sie sich gegenseitig fotografieren.

Aber jedes der Kinder möchte zusammen mit jedem anderen Kind fotografiert werden. Auch sagt Emma: „Ich möchte einmal der Affe und ein anderes Mal der Löwe sein.“ Das wollen auch die anderen.

Die vier Kinder heißen:



Auf ihrer Kamera ist noch Platz für 20 Bilder. Reicht das, wenn die vier Kinder zu zweit alle Möglichkeiten durchprobieren und fotografieren möchten?

Schreibt auf, wie ihr vorgegangen seid!

Es reicht

12

28.01.2014

Ergebnisse

- * Aufgaben wurden sehr schnell erledigt
- * Einige hatten alles richtig
- * überwiegend systematisches Vorgehen (nur wenige probieren unsystematisch oder schreiben Möglichkeiten unsystematisch auf)
- * einige Kinder erkannten das math. Gesetz (1a) und können dieses übertragen (Aufgabe 1b)
- * math. Gesetz wird bei Aufgabe 2a von einigen Kindern erkannt, dieses wird jedoch nicht immer übertragen (2b)

Ausgleichsaufgaben?



28.01.2014

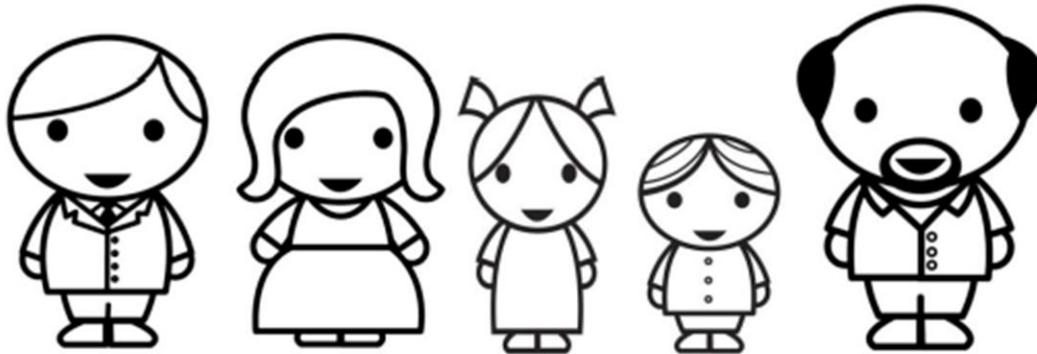
Ausgleichsaufgaben?

4) Tickets für das Rugbyspiel

Onkel Luis Unger wohnt in Paris, er meint die Familie solle auf jeden Fall ein Rugbyspiel besuchen. Dahin kommt Lotti auch mit. Onkel Luis hat einen Rabattpass und muss nur **50%** des Normalpreises bezahlen.



Für das Rugbyspiel zahlt die ganze Familie **135€**, Kinder (6-12 Jahre) zahlen **12€** weniger und Jugendliche (13-17 Jahre) **6€** weniger als Erwachsene.



Wie viel kostet das Ticket für jedes einzelne Familienmitglied?

28.01.2014

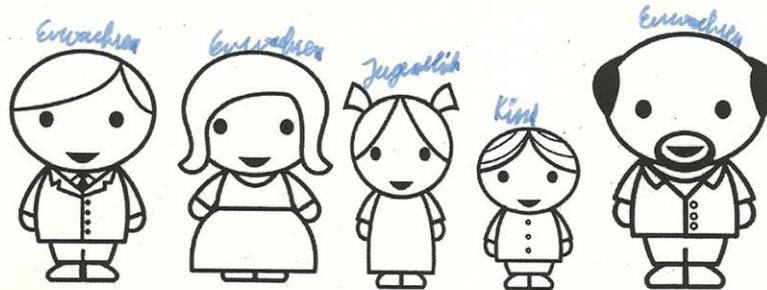
Kinderlösungen

4) Tickets für das Rugbyspiel

Onkel Luis Unger wohnt in Paris, er meint die Familie solle auf jeden Fall ein Rugbyspiel besuchen. Dahin kommt Lotti auch mit. Onkel Luis hat einen Rabattpass und muss nur 50% des Normalpreises bezahlen.



Für das Rugbyspiel zahlt die ganze Familie 135€, Kinder (6-12 Jahre) zahlen 12€ weniger und Jugendliche (13-17 Jahre) 6€ weniger als Erwachsene.



Wie viel kostet das Ticket für jedes einzelne Familienmitglied?

$$29 + 29 + 23 + 17 + 14,50 = 112,50 \text{ X}$$

$$34 + 34 + 28 + 22 + 17 = 135 \text{ €}$$

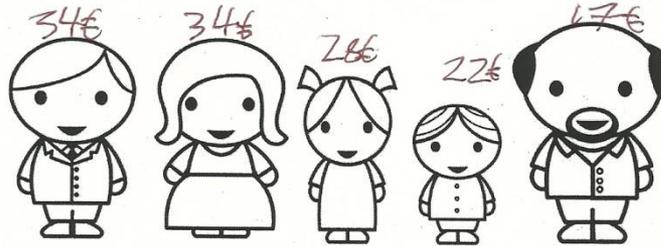
28.01.2014

4) Tickets für das Rugbyspiel

Onkel Luis Unger wohnt in Paris, er meint die Familie solle auf jeden Fall ein Rugbyspiel besuchen. Dahin kommt Lotti auch mit. Onkel Luis hat einen Rabattpass und muss nur 50% des Normalpreises bezahlen.



Für das Rugbyspiel zahlt die ganze Familie 135€, Kinder (6-12 Jahre) zahlen 12€ weniger und Jugendliche (13-17 Jahre) 6€ weniger als Erwachsene.



Wie viel kostet das Ticket für jedes einzelne Familienmitglied?

Handwritten calculations:

$$\begin{array}{r}
 20 \quad 18 \quad 144 \\
 40 + 40 + 22 + 22 = \\
 19 + 38 + 38 + 32 + 26 = \\
 18 + 36 + 36 + 30 + 24 = \\
 72 \quad 54 \\
 90 \quad 144 \\
 174 \quad 34 + 34 + 28 + 2 \cdot 2 = 118 + 17 = 135 \\
 68 \quad 50 \\
 118
 \end{array}$$

Ergebnisse

- * Aufgaben wurden besser als erwartet gelöst
- * Sogar sehr schwere Aufgaben wurden (teilweise mit Hilfe) gelöst
- * Auch hier wurde zum größten Teil systematisch vorgegangen



Vorstellung Gruppe 4

Fahrzeuge mit 3 und mehr Rädern

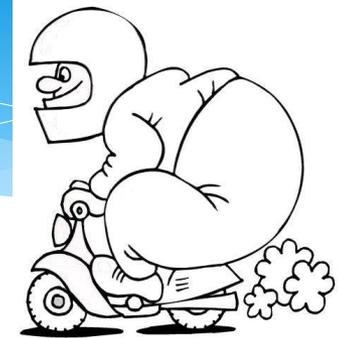
Geometrie – rund um den Würfel

28.01.2014

L. Helmeke, M. Kroetz, M. Retzlaff, T. Schobbert



28.01.2014



1.

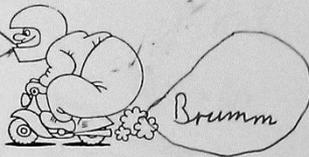
Omas Enkelkinder kommen zu Besuch.

Jedes fährt ein Dreirad und parkt es im Hühnerstall neben Omas Motorrädern.

Wenn wir durch die Spalt unter der Stalltür durchsehen, können wir alle Räder erkennen; wir zählen insgesamt 36.

Wie viele Enkelkinder könnten bei Oma zu Besuch sein?

Yeah!
Motorfahren ist Cool!

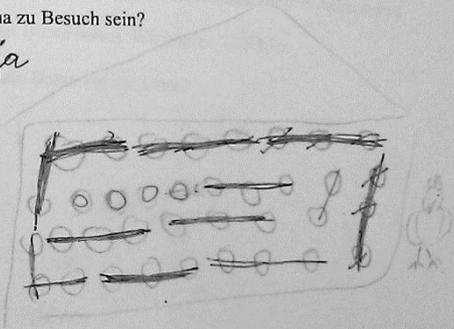


1. Omas Enkelkinder kommen zu Besuch. Jedes fährt ein Dreirad und parkt es im Hühnerstall neben Omas Motorrädern

Wenn wir durch die Spalt unter der Stalltür durchsehen, können wir alle Räder erkennen; wir zählen insgesamt 36.

Wie viele Enkelkinder könnten bei Oma zu Besuch sein?

Findest Du verschiedene Lösungen? ja



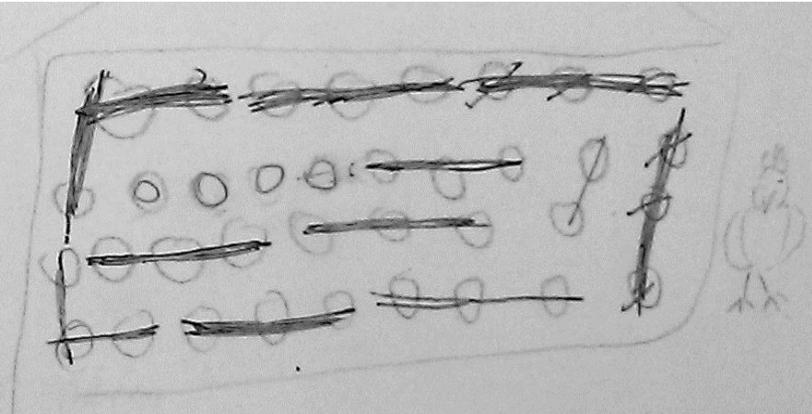
Schreibe auf, wie Du vorgegangen bist.

Wenn es 2 Dreiräder sind, sind es 15 Motorräder
→ 2 Enkelkinder

Bei 3 Dreirädern, wäre es eine ungerade Zahl, denn müssten wir ein Rad wegschmeißen.

Wenn es 4 Dreiräder sind, dann sind es 12 Motorräder.
9 Motorräder.

-11	6	-11-	6	-11-
-11-	8	-11-	3	-11-
-11-	10	-11-		



Schreibe auf, wie Du vorgegangen bist.

Wenn es 2 Dreiräder sind, sind es 15 Motorräder
 → 2 Enkelkinder

Bei 3 Dreirädern, wäre es eine ungerade Zahl, dann müssten wir ein Rad wegschneiden.

Wenn es 4 Dreiräder sind, dann sind es 12 Motorräder.
 9 Motorräder.

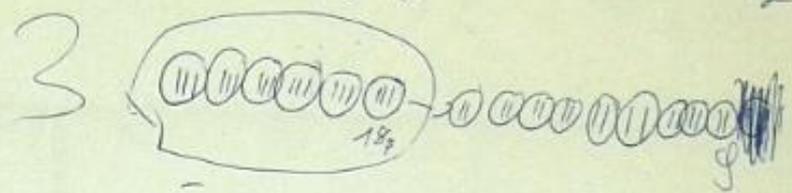
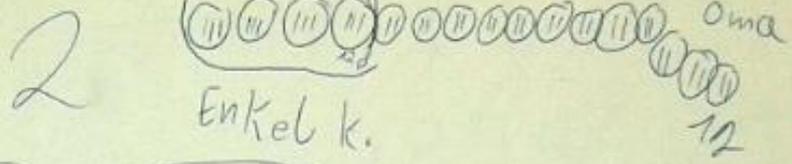
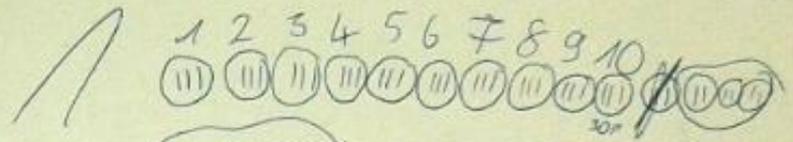
-11-	6	-11-	6	-11-
-11-	8	-11-	3	-11-
-11-	10	-11-		

Mitte der Drei-
rädern muss es

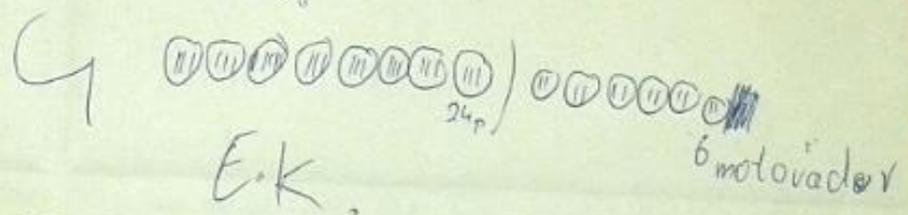
eine Rade Zahl er-
geben weil die Motorräder

nur zwei Räder haben und
das eine grade Zahl ist!

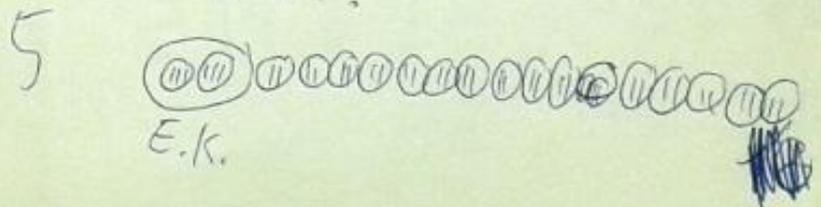
11g



E.k.



E.k.



E.k.

15

28.01.2014



1.
Omas Enkelkinder kommen zu Besuch. Jedes fährt ein Dreirad  und parkt es im Hühnerstall neben Omas Motorrädern.

Wenn wir durch die Spalt unter der Stalltür durchsehen, können wir alle Räder erkennen; wir zählen insgesamt 36.

Wie viele Enkelkinder könnten bei Oma zu Besuch sein?

Findest Du verschiedene Lösungen?

Ja! es könnten 10, 8, 6, 4, 2 Enkelkinder sein.

<i>Dreiräder</i>	<i>Motorräder</i>
10	3
8	6
6	9
4	12
2	15

Schreibe auf, wie Du vorgegangen bist.

Ich habe immer 2 Räder abgezogen und durch 3 geteilt.

Wie viele Enkelkinder könnten bei Oma zu Besuch sein?

Findest Du verschiedene Lösungen?

Ja! es könnten 10, 8, 6, 4, 2 Enkelkinder sein.

Dreiräder	Vierräder
10	3
8	6
6	9
4	12
2	15

Schreibe auf, wie Du vorgegangen bist.

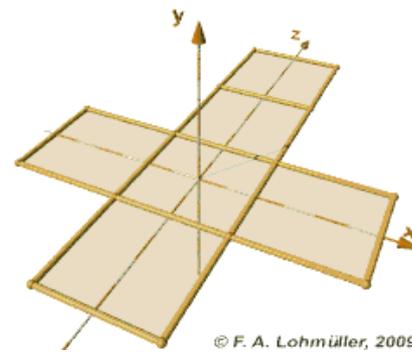
Ich habe immer 2 Räder abgezogen und durch 3 geteilt.



*Geometrie
*Rund um den Würfel

28.01.2014

L. Helmeke, M. Kroetz, M. Retzlaff, T. Schobbert

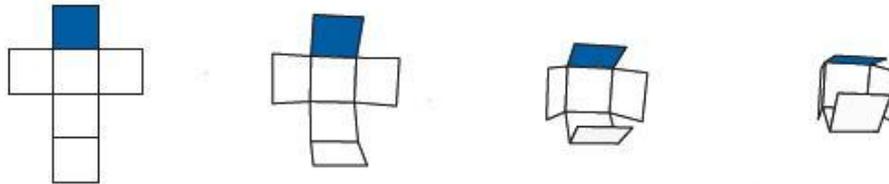


© F. A. Lohmüller, 2009

28.01.2014

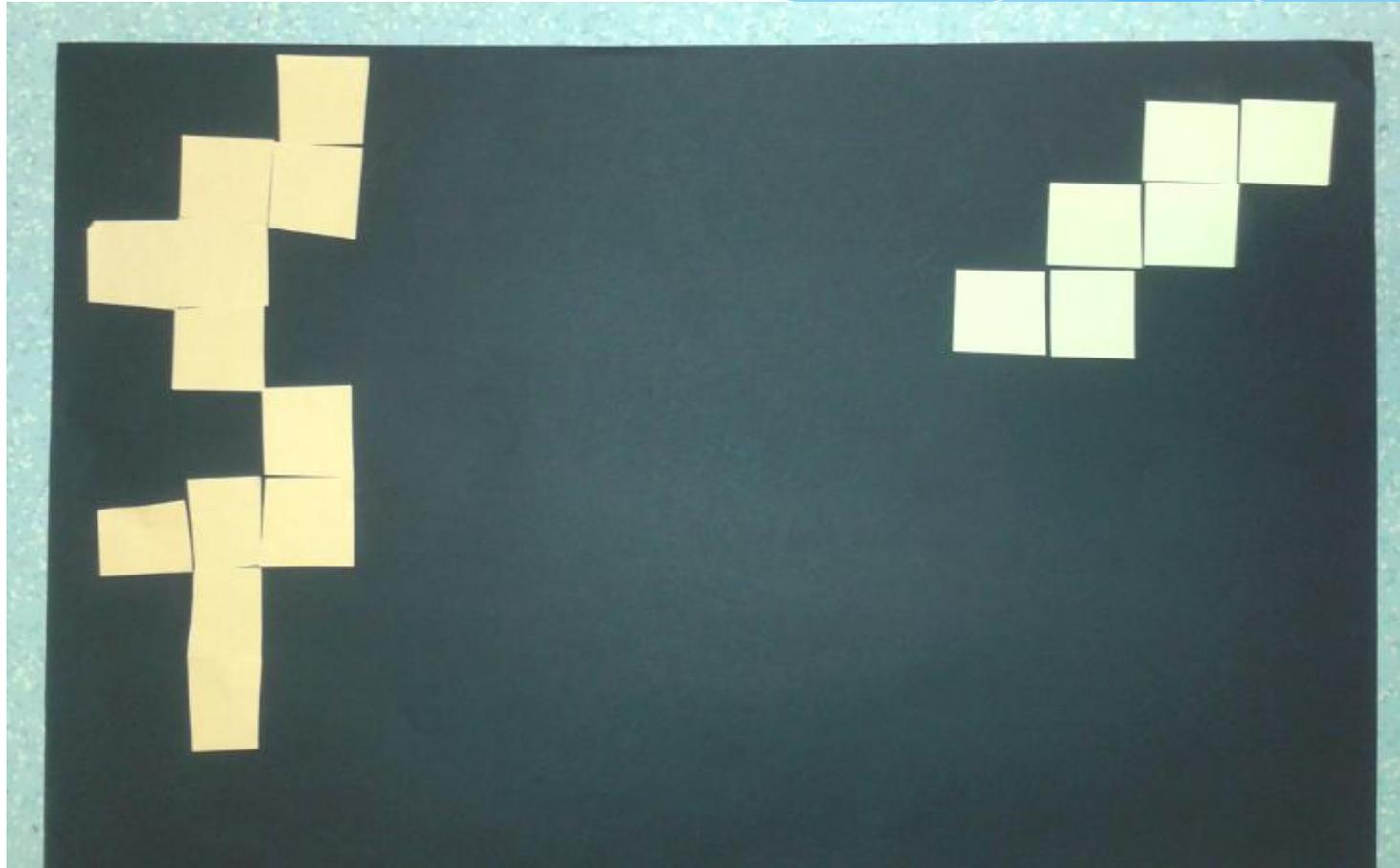
1) Würfelnetze

Aus einem Würfelnetz kann man einen Würfel falten:

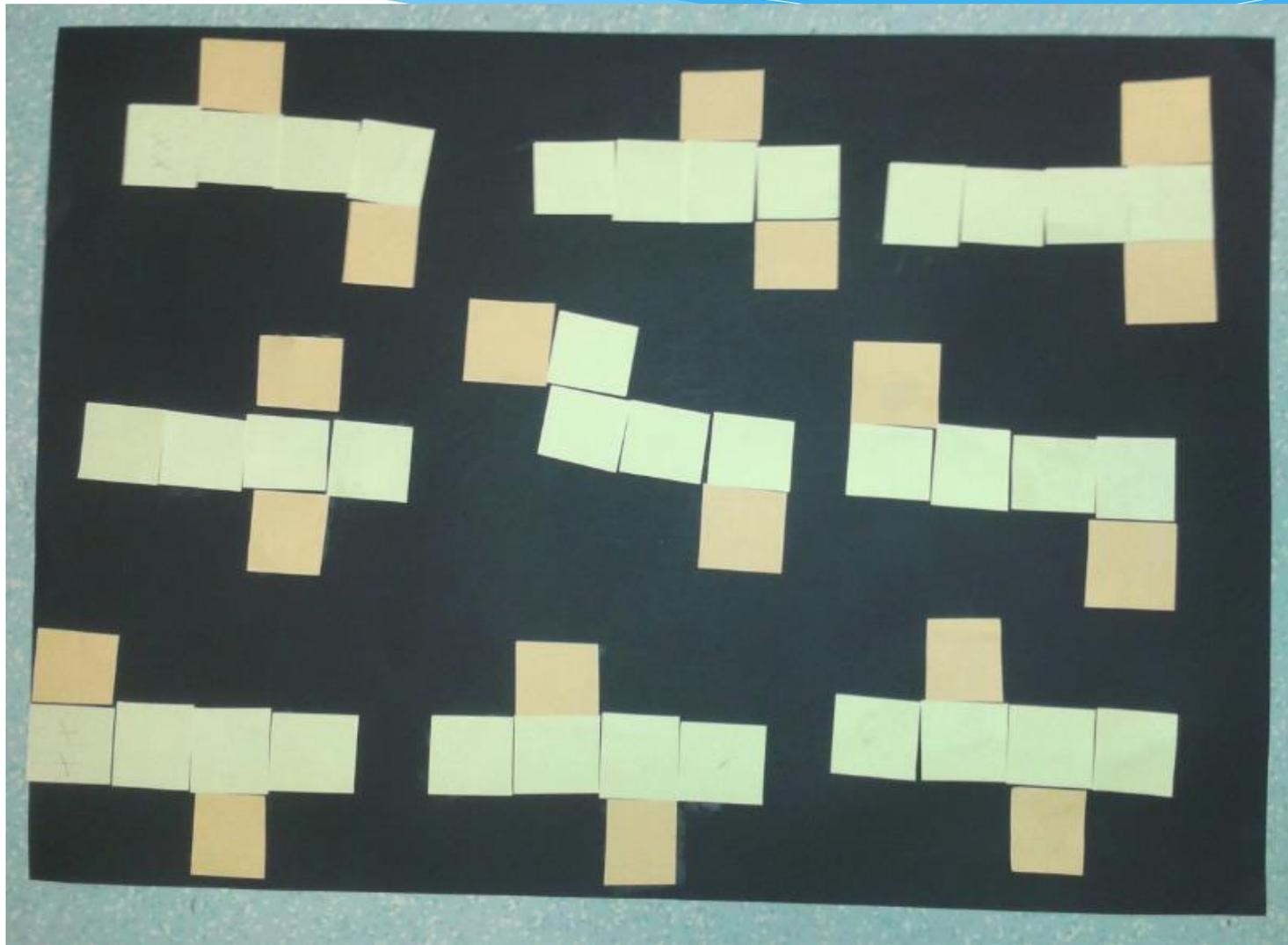


Es gibt unterschiedliche Würfelnetze. Wie viele kannst du finden?

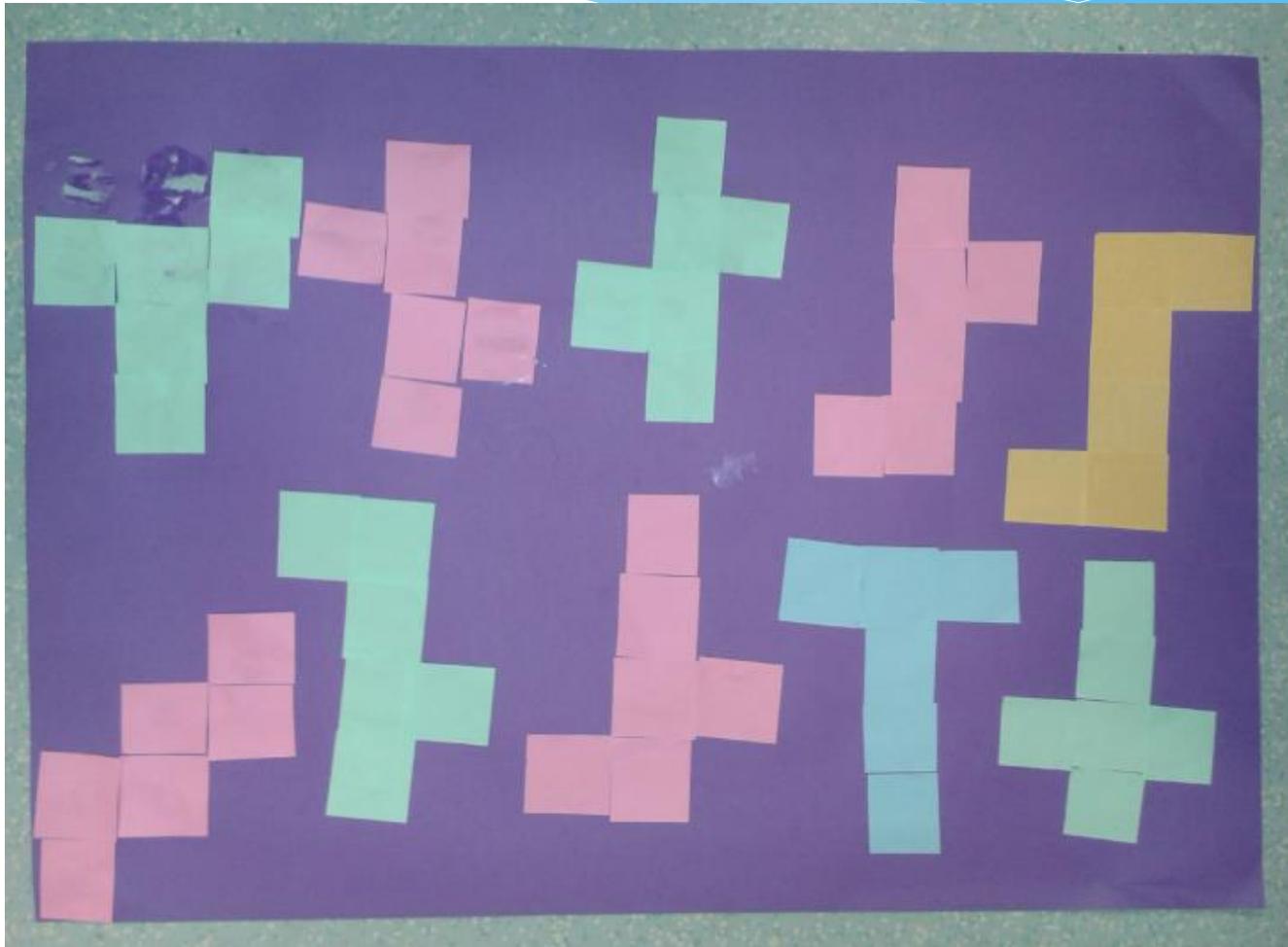
28.01.2014



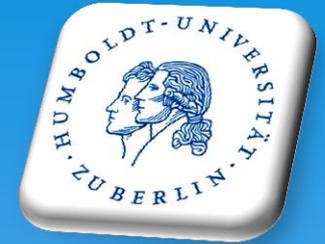
28.01.2014



28.01.2014



28.01.2014



Vorstellung Gruppe 5

Geometrie – Wegeprobleme

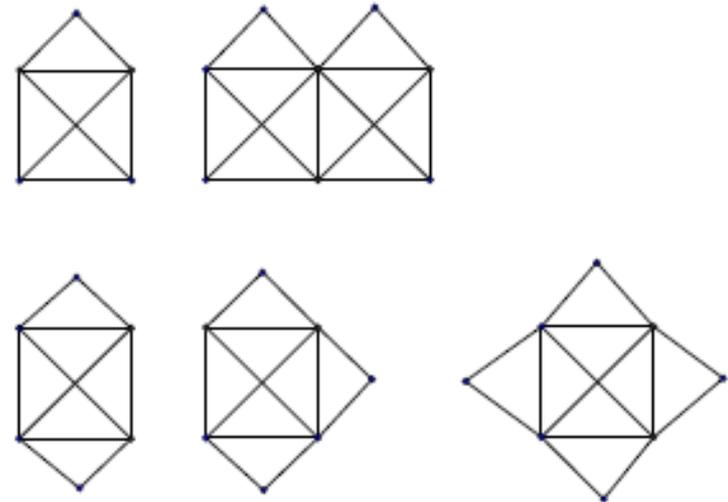
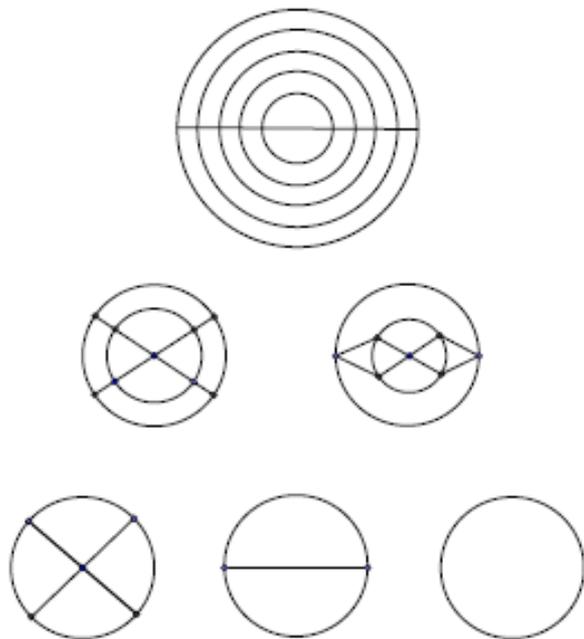
Fermiaufgaben

28.01.2014

Lisa Atmannspacher, Stephanie Thiele, Madlen Wachholz

Durchlaufbarkeitsprobleme

Welche Figuren kannst du in einem Zug zeichnen?
Was fällt dir auf?

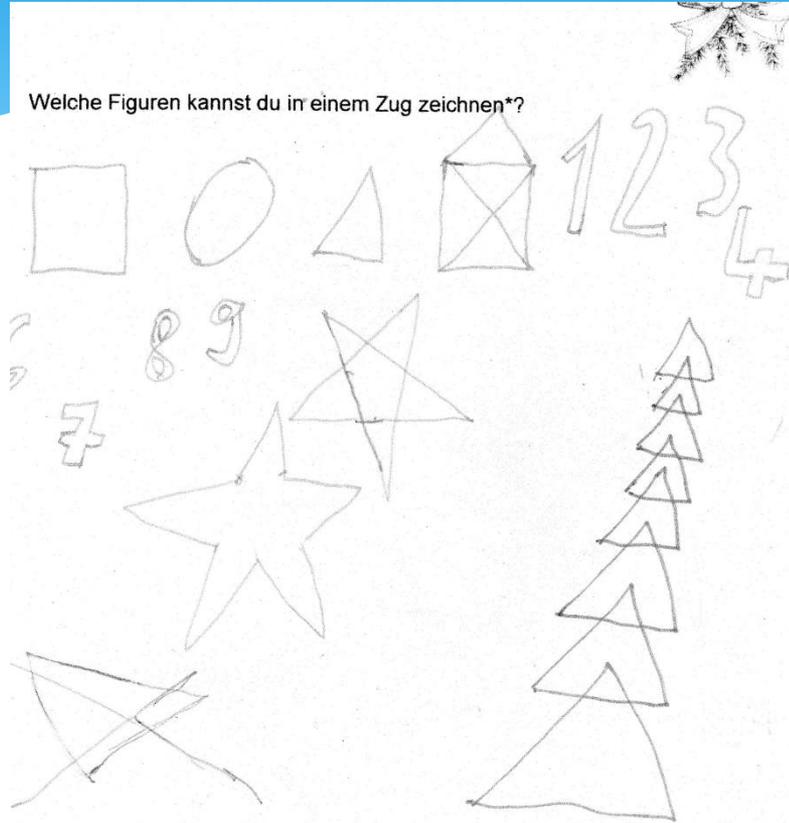


Denke dir eigene Figuren aus, die man in einem Zug zeichnen kann oder die man nicht in einem Zug zeichnen kann.

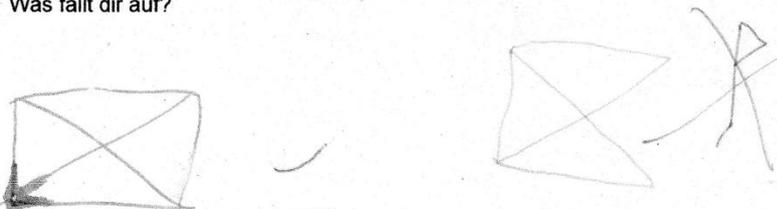
28.01.2014

Durchlaufbarkeitsprobleme

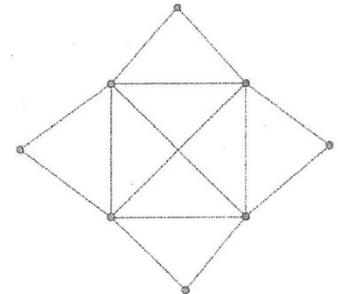
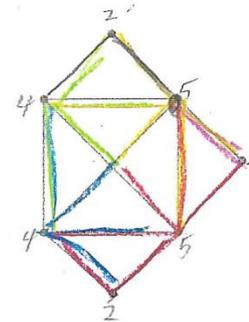
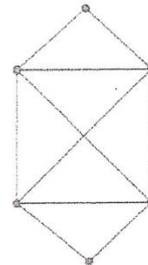
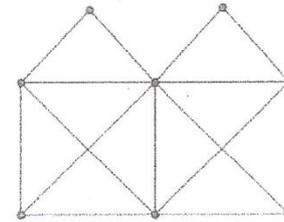
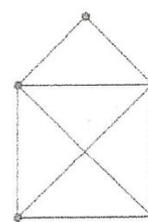
Welche Figuren kannst du in einem Zug zeichnen*?



Was fällt dir auf?



*das bedeutet: zeichnen, ohne den Stift abzusetzen



28.01.2014

Durchlaufbarkeitsprobleme

Auswertung

- große Motivation beim Lösen des Weihnachtsmarkt-Wegeproblems
- intensive Beschäftigung mit den durchlaufbaren und nicht durchlaufbaren Figuren des Materialbuffets
- kreatives Entwerfen eigener durchlaufbarer Figuren
- zum Teil erste Entdeckungen von Regelmäßigkeiten
- Probleme: Zeitmangel und zu große Materialvielfalt, um Regelmäßigkeiten und Regeln auszumachen

Fermi-Aufgaben

Wie viele Fahrzeuge stehen in einem 3 Kilometer langen Stau auf der Autobahn?

Wie oft steht das Wort „und“ in einem Buch?

Wie viele Kinder sind zusammen so schwer wie ein Elefant?

... Was schätzen Sie?

Fermi-Aufgaben

Wie viele Fahrzeuge stehen in einem 3 kilometer langen Stau auf der Autobahn?

Ein Auto ist ungefähr 4m groß. Der Abstand zwischen den Autos beträgt ungefähr 1m. $1000(1\text{km}):5 = 200$ $200 \cdot 3 = 600$ ES stehen ungefähr 600 Autos auf den Autobahn (wenn alle Autos ungefähr 4m groß sind).



Das größte Auto ist ^{lang} 13m groß und hat 880 Rädern.

Es gibt aber 4 und nicht nur eine Spur auf der Autobahn. Deswegen:

$$\frac{600 \cdot 4}{2400}$$

$$\frac{400 \cdot 4}{1600}$$

$$\frac{100 \cdot 2}{200}$$

100 von 600 Autos sind 2m länger.

Fermi-Aufgaben

Wie oft steht das Wort „und“ in einem Buch?

Es kommt darauf an ob es ein dickes
oder dünnes Buch ist um ob es ein Buch mit
Bildern ist, ob oder nicht.

Z. B. dickes

$$4 \cdot 177 = 708$$

4x und auf einer
Seite

und 177 Seiten.

$$4 \cdot 386 = 1544$$

4x und auf einer
Seite

und 386 Seiten.

in einem Erstleserbuch sind 11 und insgesamt

auch 11 insgesamt

28.01.2014

Fermi-Aufgaben

Wie viele Kinder sind so schwer
wie ein Elefant?

ca. 300 Kinder, weil ein Elefant ca. 3000 kg wiegt
ca. 30 kg ein Kind
~~9000~~ $9000 : 30 = 300$

ca. 200 Kinder, weil ein Elefant ca. 6000 kg wiegt
30 kg ein Kind

$$\frac{6000}{30} = 200$$

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.

5 =

"

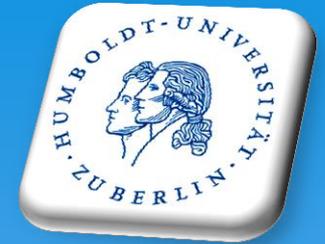
~~ca. 300 Kinder~~ ~~ca. 3000 kg~~ ~~ca. 30 kg~~ ~~ca. 300~~

28.01.2014

Fermi-Aufgaben

Auswertung

- teils Irritation durch ungewohnte „Mathematik-Aufgabe“
- teils großes Interesse an den Aufgaben und schnelle Suche nach ersten Lösungsideen
- Impulse zum Entwickeln oder Ergänzen von ersten Lösungsideen
- Auswertung als Plattform zum Austausch von Lösungen und weiteren Lösungsideen
- Probleme: zu wenig Struktur angeboten, um Ideen zu sammeln und Lösungsstrategien zu erarbeiten



Vorstellung Gruppe 6

Umschütt- und Wägageaufgaben

Zahlenketten, Teufel - Rückwärtsarbeiten

28.01.2014

Christine Burian, Georg Metner, Laura Sommerfeldt

Umschütt-Wäge-Aufgaben

28.01.2014

Umschütt-Aufgabe

Aufgabe 1:

Georg hat neulich sein Zimmer gestrichen. Im Keller fand er dafür einen 8-Liter-Eimer mit weißer Farbe. Zum Mischen für seinen Lieblingsfarbton brauchte er genau 4 Liter weiße Farbe. Außerdem fand er im Keller noch zwei weitere Eimer: einen 3-Liter- und einen 5-Liter-Eimer.

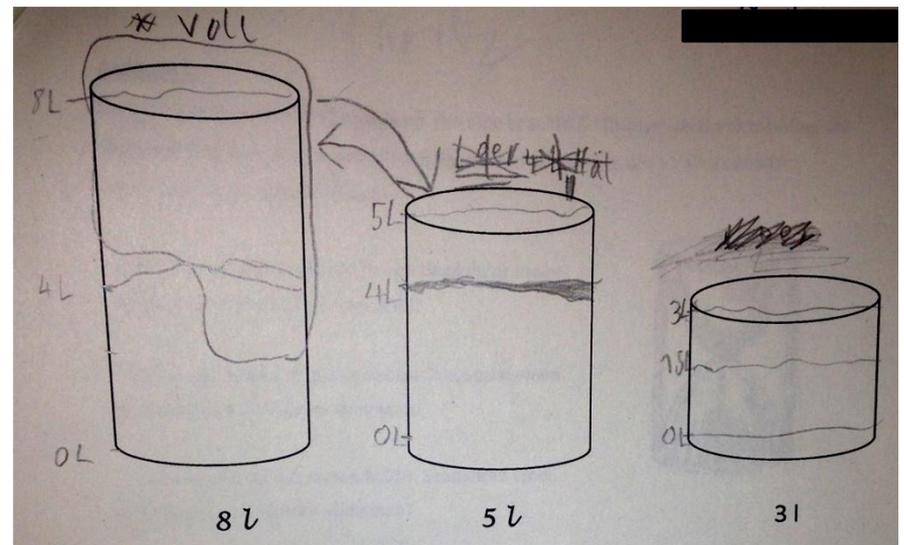


Er konnte mit Hilfe der drei Behälter genau 4 Liter abmessen. Wie hat er das gemacht? Begründe deine Antwort!

Kinderlösung 1

8	5	1
5	0	3
2	3	3
2	5	1
3	5	0
3	2	3
6	2	0
6	0	2

1	5	2
1	4	3
4	4	0



28.01.2014

Wäge-Aufgabe

Knobelaufgabe:

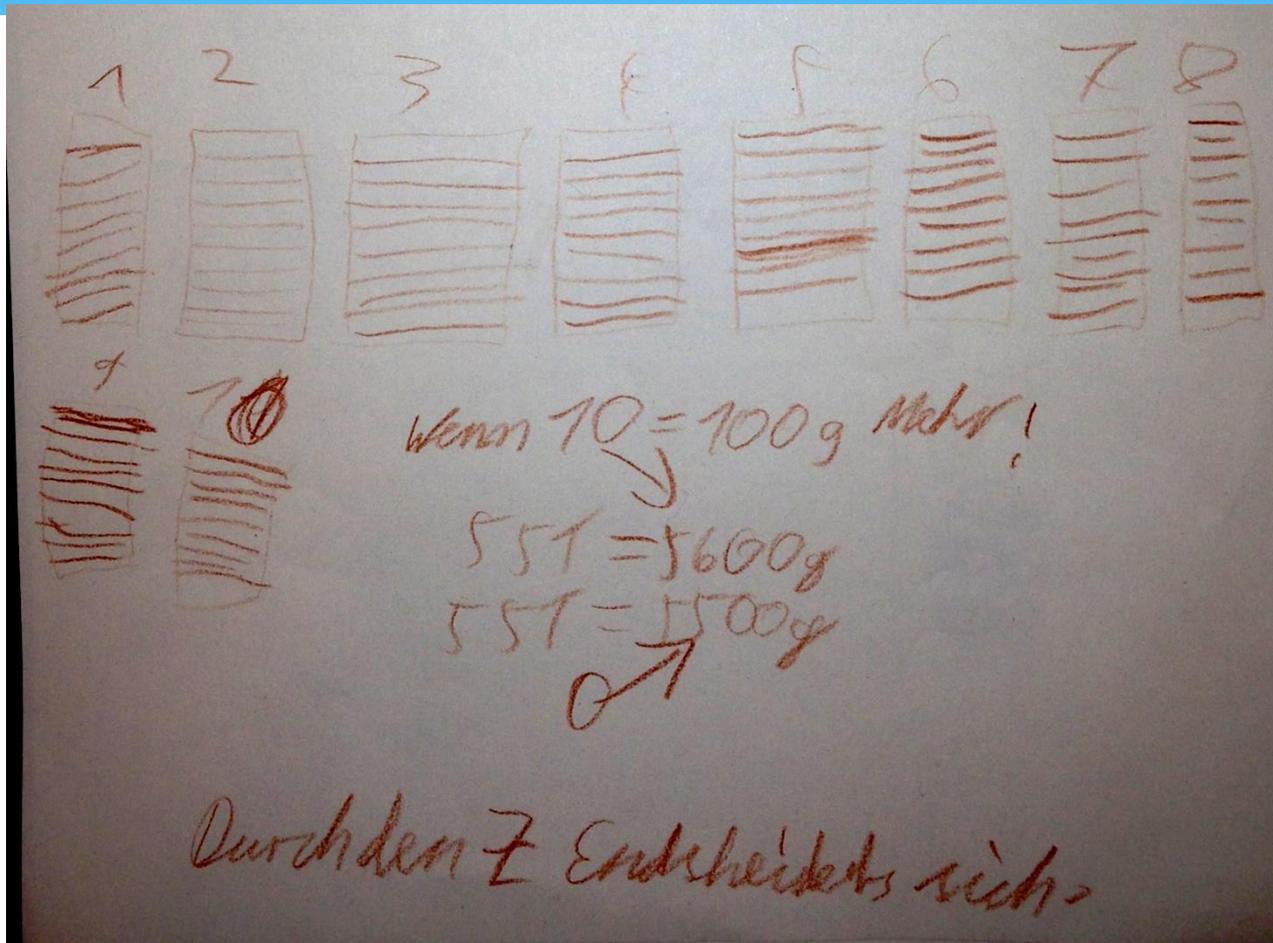
Du hast 10 Stapel mit je 10 Tafeln Schokolade. In neun dieser Stapel wiegen die Tafeln je 100 Gramm, aber die Tafeln eines Stapels wiegen je Tafel 110 Gramm (also 10g mehr als normale Tafeln).

Du sollst nun durch das Abwiegen mit einer elektronischen Waage feststellen, welcher der 10 Stapel der Stapel mit den 110 Gramm Tafeln ist.

Du darfst die Waage aber nur einmal benutzen!
(Wie viele Tafeln und von welchem Stapel du die Tafeln nimmst ist dir überlassen. Der Stapel mit den 110 Gramm Schokoladen muss an Hand der Grammanzeige ermittelt werden können.)



Kinderlösung 1



Kinderlösung 2

$$\begin{aligned}10 \cdot 110 &= 1100 \\5 \cdot 110 &= 550 \\3 \cdot 110 &= 330 \\2 \cdot 110 &= 220 \\1 \cdot 110 &= 110\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}10 \cdot 100 &= 1000 \\5 \cdot 100 &= 500 \\3 \cdot 100 &= 300 \\2 \cdot 100 &= 200 \\1 \cdot 100 &= 100\end{aligned}$$

$$1100 + 1000 = 2100$$

$$5510 + 2 = 5512$$

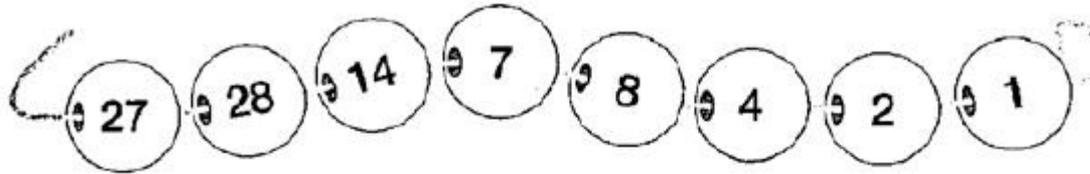
5600 in Stapel 10



Rückwärtsarbeiten

28.01.2014

1. Zahlenketten



a) Ergänze das Rezept zum Bau der Zahlenketten.

Man beginne mit einer beliebigen Zahl.

Wenn die Zahl u ist, so $t = \frac{u}{2}$.

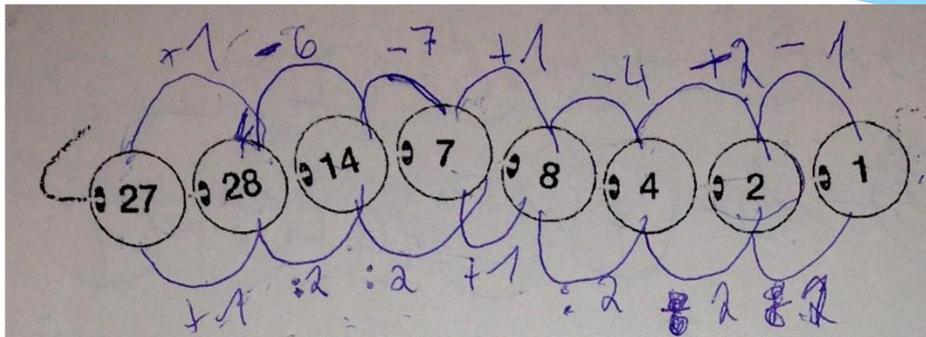
Wenn die Zahl u ist, so $t = \frac{u+1}{2}$ durch 2.

Setze die Zahlenkette fort, bis du die 1 erreichst.

b) Schreibe die Zahlenkette auf, die mit der Zahl 11 beginnt und auf der 1 endet.

c) Schreibe alle Zahlenketten auf, die aus 7 Perlen bestehen.

Kinderlösung – Teil 1



a) Ergänze das Rezept zum Bau der Zahlenketten.

Man beginne mit einer beliebigen Zahl.

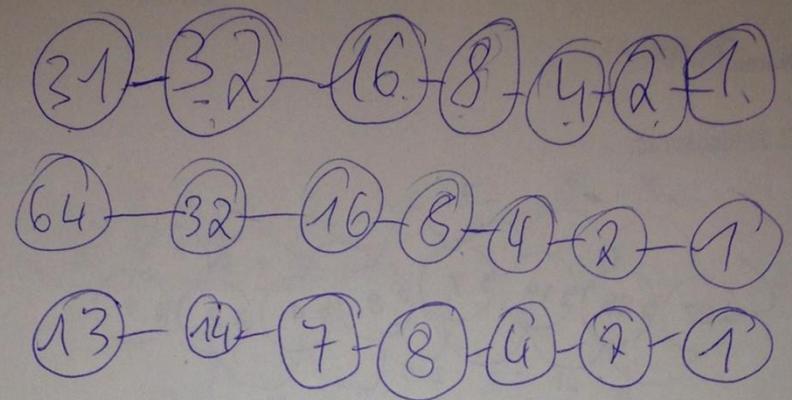
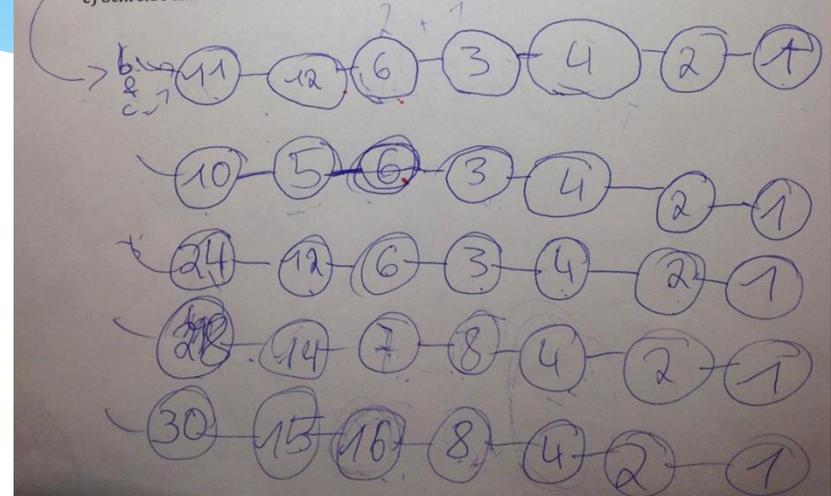
Wenn die Zahl *ungerade* ist, so *rechne +1*.

Wenn die Zahl *gerade* ist, so *teile* durch 2.

Setze die Zahlenkette fort, bis du die 1 erreichst.

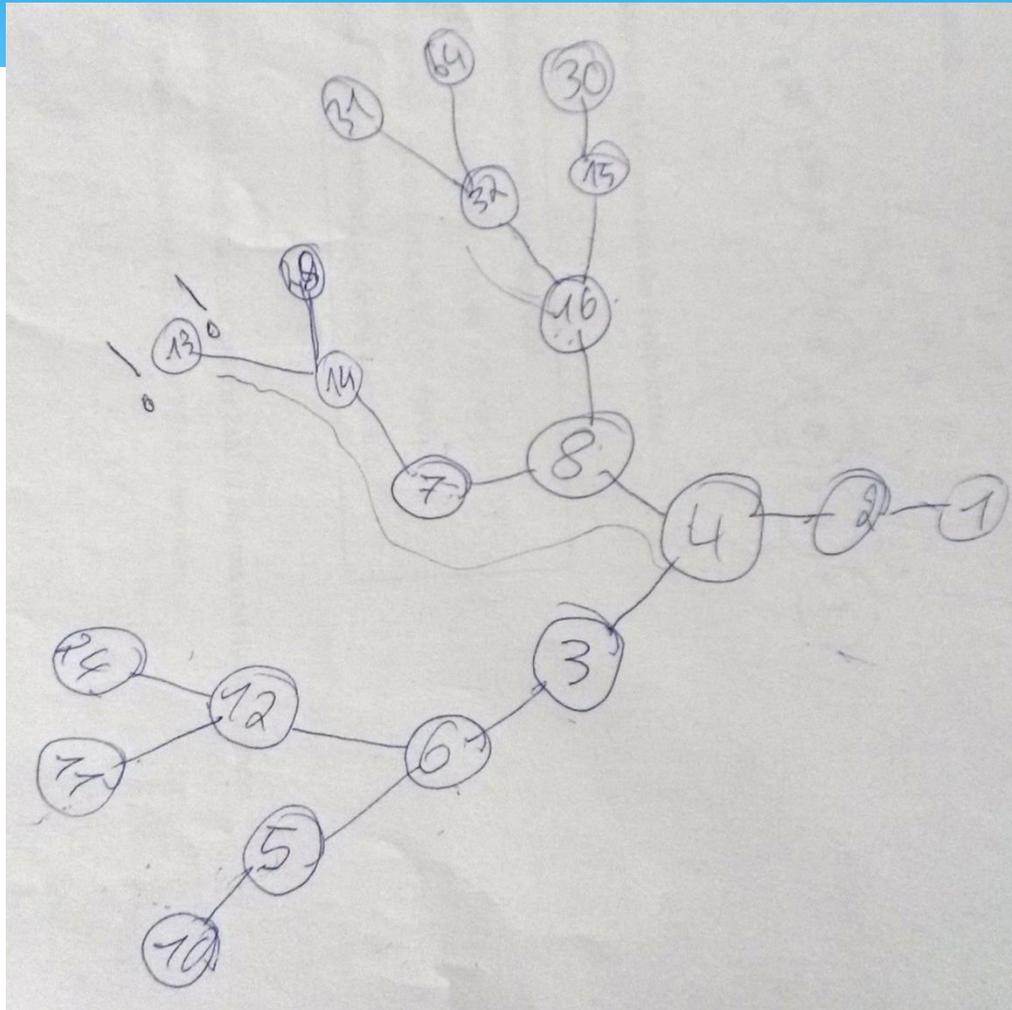
b) Schreibe die Zahlenkette auf, die mit der Zahl 11 beginnt und auf der 1 endet.

c) Schreibe alle Zahlenketten auf, die aus 7 Perlen bestehen.



28.01.2014

Kinderlösung – Teil 2



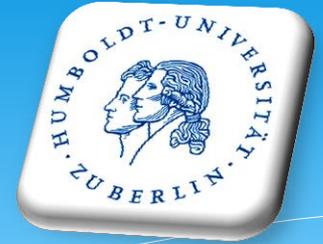
28.01.2014



28.01.2014



28.01.2014



Vielen Dank für Ihre
Aufmerksamkeit

Auswertungsveranstaltung Mathetreff Wintersemester 2013/14



Wie geht es weiter:

Sommersemester 2014 mit neuen Studierenden und
Frau Elke Binner

Nach den Osterferien

Ab : 29.4.2014

Zeit: Dienstag, 15:30 bis 17 Uhr

Ort: Grundschulwerkstatt und Mathelabor